

== (例題対比)2次関数のグラフ[標準形] ==

$y=(x-p)^2+q$ のグラフは $y=x^2$ のグラフを x 軸の正の向きに p , y 軸の正の向きに q だけ平行移動したもので, その頂点の座標は (p, q) である.

※ 右に(x 軸の正の向きに) p , 上に(y 軸の正の向きに) q だけ平行移動したときに

$$y=(x-p)^2+q$$

になるので符号に注意. q だけ移動方向と符号が一致していて, p の方が符号が負になるのは「ズルイ!」のではない(次の解説を読めば分かる).

(解説)

右図のように $y=x^2$ のグラフを x 軸の正の向きに p , y 軸の正の向きに q だけ平行移動したとき, 新しいグラフの方程式は, 次のようにして求められる.

元のグラフ上の点を (X, Y) とおき, これを移動してできる新しいグラフ上の点を (x, y) とおく. このとき x, y の満たす関係式が求める方程式となる.

(X, Y) は $y=x^2$ のグラフ上の点だから

$$Y=X^2 \dots(1) \text{ が成り立つ.}$$

(X, Y) を右に p , 上に q だけ平行移動したものが (x, y) だから

$$x=X+p, y=Y+q \dots(2) \text{ が成り立つ.}$$

(2)から新座標を元の座標で表わすと,

$$X=x-p, Y=y-q \dots(2')$$

(2)' を(1)に代入して新座標だけの関係式にすると

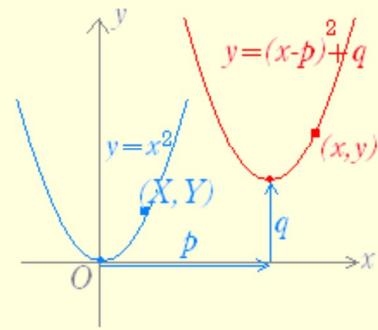
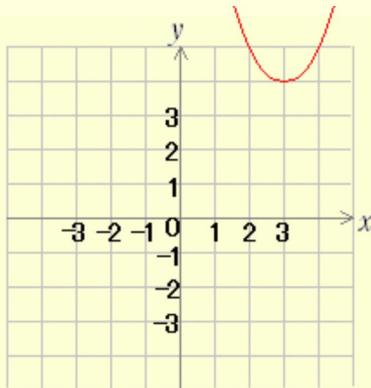
$$y-q=(x-p)^2 \dots(3)$$

※このように, 「右」「上」に平行移動すると, x も y も引き算になるが, 「習慣に従って」 $y=...$ の形に直すと(q を移項して)

$$y=(x-p)^2+q \text{ になる.}$$

[例題1]

$y=(x-3)^2+4$ のグラフは, $y=x^2$ のグラフを x 軸の正の向きに 3 , y 軸の正の向きに 4 だけ平行移動したもので, 頂点の座標は $(3, 4)$. グラフは右図のようになる.



→続き

(3) $y=(x-2)^2-3$ のグラフを右図の中から選び番号で答えよ.

7 8

採点する やり直す

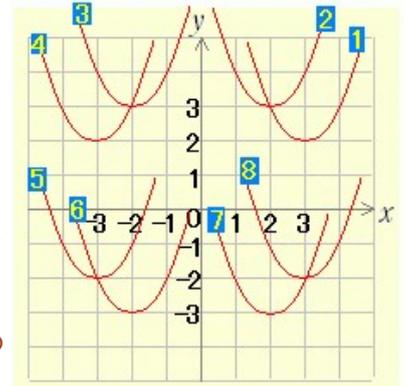
《ここがポイント》

$\Rightarrow y=(x-p)^2+q$ の形のときに, 頂点の座標は (p, q) になります.

頂点の x 座標は方程式の見かけの符号と逆になり, y 座標はそのまま読みます.

$\Rightarrow y$ は楽しんでズルイなどとこじつけでも覚えるとよい.

解答: 7



(4) $y=x^2+2$ のグラフを右図の中から選び番号で答えよ.

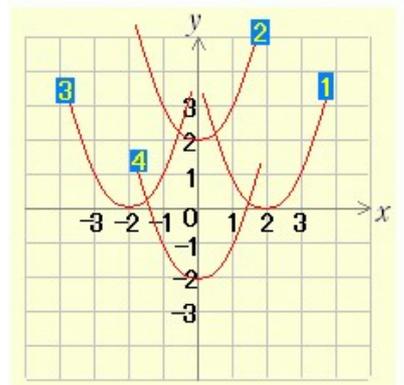
2 4

採点する やり直す

《ここがポイント》

\Rightarrow 公式の形に合わせるため $y=(x-0)^2+2$ と見る
 \Rightarrow 頂点の x 座標が 0

解答: 2



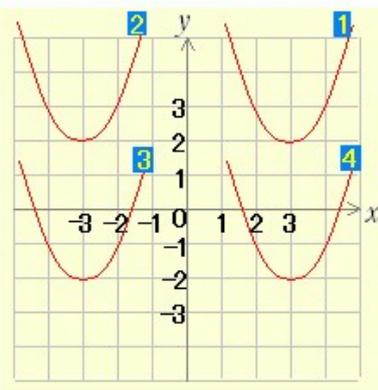
[問題1]

(1) $y=(x-3)^2+2$ のグラフを右図の中から選び番号で答えよ。

1

採点する やり直す

《ここがポイント》 $\Rightarrow y=(x-p)^2+q$ の形のときに、頂点の座標は (p, q) になります。頂点の x 座標は見かけの符号が逆になりますので注意しましょう。



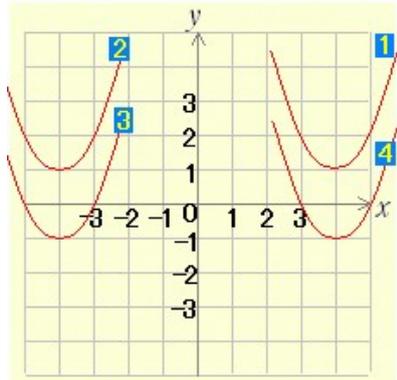
解答: 1

(2) $y=(x+4)^2-1$ のグラフを右図の中から選び番号で答えよ。

3

採点する やり直す

《ここがポイント》 $\Rightarrow y=(x-p)^2+q$ の形のときに、頂点の座標は (p, q) になります。 $y=(x+4)^2-1$ のときは、頂点の座標は $(-4, -1)$ になります。頂点の x 座標は見かけの符号が逆になりますので注意しましょう。



解答: 3

右へ続く

$y=a(x-p)^2+q$ のグラフは $y=ax^2$ のグラフを x 軸の正の向きに p 、 y 軸の正の向きに q だけ平行移動したもので、その頂点の座標は (p, q) である。

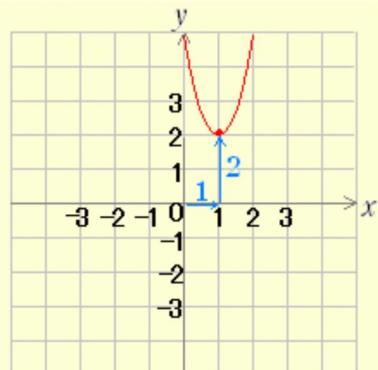
※ x^2 の係数 a で「形」が決まる。 p, q で「移動」が決まる。

例 $y=2(x-3)^2+4$ のグラフを書くときは、元の形として $y=2x^2$ を考え、このグラフを x 軸の正の向きに 3 、 y 軸の正の向きに 4 だけ平行移動する。

例 $y=-3(x+4)^2+5$ のグラフを書くときは、元の形として $y=-3x^2$ を考え、このグラフを x 軸の正の向きに -4 、 y 軸の正の向きに 5 だけ平行移動する。

[例題2]

$y=3(x-1)^2+2$ のグラフは、 $y=3x^2$ のグラフを x 軸の正の向きに 1 、 y 軸の正の向きに 2 だけ平行移動したもので、頂点の座標は $(1, 2)$ 、グラフは右図のようになる。



[問題2]

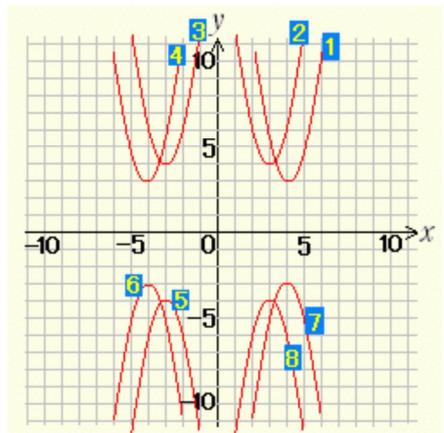
(1) $y=2(x+3)^2+4$ のグラフを右図の中から選び番号で答えよ。

3

採点する やり直す

《ここがポイント》 $\Rightarrow y=2(x+3)^2+4$ のグラフの頂点の座標は $(-3, 4)$ になります。

解答: 3



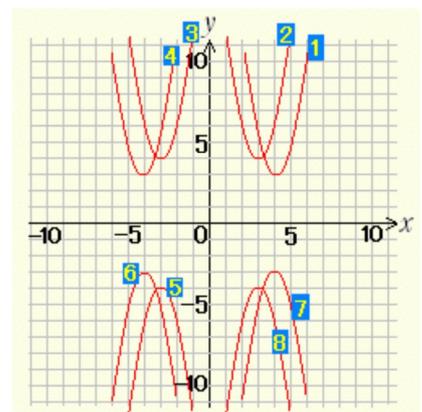
(2) $y=-2(x-3)^2-4$ のグラフを右図の中から選び番号で答えよ。

8

採点する やり直す

《ここがポイント》 $\Rightarrow y=-2(x-3)^2-4$ のグラフの頂点の座標は $(3, -4)$ になります。

解答: 8



[例題3]

次の空欄を埋めよ.

$y=4(x-3)^2+2$ のグラフは, $y=\text{ア}x^2$ のグラフを x 軸の正の向きに イ , y 軸の正の向きに ウ だけ平行移動したもので, 頂点の座標は $(\text{エ}, \text{オ})$ である.

(答案)

ア=4, イ=3, ウ=2, エ=3, オ=2

[問題3]

次の空欄を埋めよ.

(1)

$y=-3(x-5)^2-1$ のグラフは, $y=-3x^2$ のグラフを x 軸の正の向きに 5 , y 軸の正の向きに -1 だけ平行移動したもので, 頂点の座標は $(5, -1)$ である.

[採点する](#) [やり直す](#)

《ここがポイント》

$\Rightarrow y=-3(x-5)^2-1$ のグラフは, $y=-3x^2$ のグラフを平行移動して作ります. $y=3x^2$ のグラフをどのように平行移動しても「形」(下に凸という形)が合いません.

解答:

(2)

$y=5(x-2)^2$ のグラフは, $y=5x^2$ のグラフを x 軸の正の向きに 2 , y 軸の正の向きに 0 だけ平行移動したもので, 頂点の座標は $(2, 0)$ である.

[採点する](#) [やり直す](#)

解答:

(3)

$y=4x^2-3$ のグラフは, $y=4x^2$ のグラフを x 軸の正の向きに 0 , y 軸の正の向きに -3 だけ平行移動したもので, 頂点の座標は $(0, -3)$ である.

[採点する](#) [やり直す](#)

《ここがポイント》

$\Rightarrow y=4x^2-3=4(x-0)^2-3$ と読みます

解答: